

Elektromagnetismoa (II)

Elektrostatika

Oscar Ecenarro
oscar.ecenarro@ehu.es

Karga bakar baten potentziala

- Eremu elektrikoa kontserbatzailea da \rightarrow Energia potentziala.
- Eremu grabitazionalaren antzekoa:

Masa \leftrightarrow Karga

$G \leftrightarrow k = 1/4\pi\epsilon_0$

$$\mathbf{F} = k \frac{qq'}{r^2} \hat{\mathbf{r}} \quad \rightarrow \quad E_p = k \frac{qq'}{r}$$

- Dimentsioa eta Unitatea: Energiarenak (ML^2T^{-2} eta Joule).
- Potentzial elektrikoa: Karga unitateko energia potentziala da.

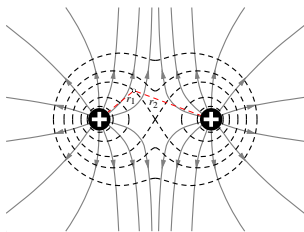
Karga batek sorturiko potentzial elektrikoaren definizioa

Karga unitatea infinitutik puntu horretara poliki-poliki eramateko eremuaren aurka egin behar den lana da.

$$V = \frac{E_p}{q'} = k \frac{q}{r} \quad [V_\infty = 0]$$

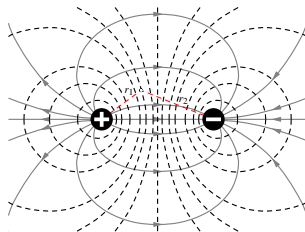
Karga-banaketa finitu baten potentziala (I)

Bi karga berdin: $q' = q$



$$V = k\frac{q}{r_1} + k\frac{q}{r_2} = kq\left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right)$$

Bi karga aurkakoak: $q' = -q$



$$V = k\frac{q}{r_1} + k\frac{-q}{r_2} = kq\left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}\right)$$

Lerro ekipotentzialak: eremu-lerroen perpendikularrak.

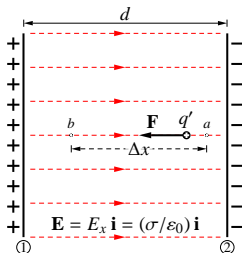
Karga-banaketa finitu baten kasuan, BETI hartuko dugu zerotzat infinituko potentziala!!

Karga-banaketa finitu baten potentziala (II)

- Karga diskretuz osaturiko sistema baten potentziala:

$$V = k(q_1/r_1 + q_2/r_2 + q_3/r_3 + \cdots) = k \sum_i (q_i/r_i)$$

- Eremuaren bi punturen arteko **potenzial-diferentzia**, karga unitate positiboa lehenengo puntutik bigarren puntura poliki-poliki eramateko egin behar den lana da.
- Xafla kargatuen arteko potentzial-diferentzia:



$$E_{p,b} - E_{p,a} = \mathbf{F} \cdot \Delta \mathbf{r} = F \Delta x = q' E_x \Delta x$$

$$V_b - V_a = E_x \Delta x$$

Eta xaflen arteko potentzial diferentzia:

$$V_1 - V_2 = E_x d = (\sigma/\epsilon_0) d$$



Kapazitatea eta Kondentsadoreak

- Karga berdina (baina aurkako zeinukoa) duten bi xafla aurrez aurre jartzen dira.
- Xaflen artean, eremu elektriko konstantea dugu: $E = \sigma / \epsilon_0$.
- Xaflen arteko distantzia d bada, beraien arteko potentzial diferentzia hauxe da: $V = Ed$.
- Halako sistemak energia (elektrostatikoa) metatzen du eta **kondentsadorea** deitzen da...
- ... eta energia metatzeko duen ahalmenari, **kapazitatea**.
- **Kondentsadore launaren kapazitatea: Xafla bakarreko kargaren eta xaflen arteko potentzial-diferentziaren arteko zatidura da.**

$$C = Q/V$$

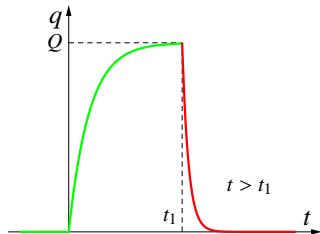
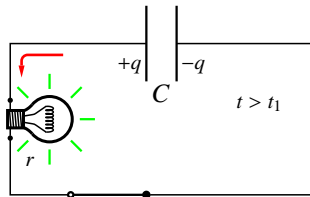


Kondentsadore launak

- Kondentsadore launaren kapazitatea (tartean, airea edo hutsa):

$$C = \frac{Q}{V} = \frac{\sigma A}{Ed} = \frac{\sigma A}{(\sigma/\epsilon_0)d} \rightarrow \boxed{C = \epsilon_0 \frac{A}{d}}$$

- Kondentsadore baten karga eta deskarga: Flasha.



Gero eta erresistentzia txikiago, gero eta azkarrago deskargatuko da kondentsadorea.

Unitateak. Kondentsadore baten energia

- **Unitatea: Farad, F (handiegia da):** $1 \text{ F} = 1 \text{ C/V}$

- **Azpimultiploak.** $\begin{cases} \text{Microfarad } (\mu\text{F}) = 10^{-6} \text{ F} \\ \text{Picofarad } (\text{pF}) = 10^{-12} \text{ F} \end{cases}$

- **Kondentsadorean metaturiko energia.**

- Hasieran, xafla biak ez dute kargarik.
- Kondentsadorea kargatzeko, xafla batetik bestera eraman behar da karga (elementuz elementu).
- Aldiune bakoitzeko eremu elektrikoaren aurka mugitu behar da karga-elementu bana.
- Gero eta indar gehiago egin behar da, eremua handituz doa eta.
- Eta horrela jarraitu behar da, kondentsadorea *bete* arte.

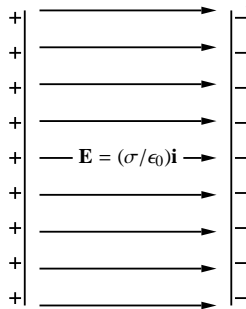
- Hau da kondentsadorean metaturiko energia:

$$W = \frac{Q^2}{2C} = \frac{(CV)^2}{2C} = \frac{1}{2}CV^2$$



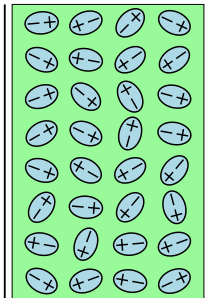
Dielektrikoak (I)

- Xaflak karga gabe: Eremua nulua da.
- Xaflak kargatuta: $\mathbf{E} = (\sigma/\epsilon_0)\mathbf{i}$ da.



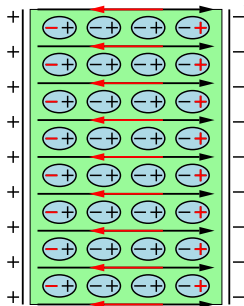
Dielektrikoak (I)

- Xaflak karga gabe: Eremua nulua da.
- Xaflak kargatuta: $\mathbf{E} = (\sigma/\epsilon_0) \mathbf{i}$ da.
- Dielektrikoan, **dipoloen** norabideak nahaspilaturik daude.



Dielektrikoak (I)

- Xaflak karga gabe: Eremua nulua da.
- Xaflak kargatuta: $\mathbf{E} = (\sigma/\epsilon_0) \mathbf{i}$ da.
- Dielektrikoan, **dipoloen** norabideak nahaspilaturik daude.
- Kanpoko eremua gainezarriz, ordenatu egiten dira (**polarizazioa**), aurkako eremu induzitua sortuz.



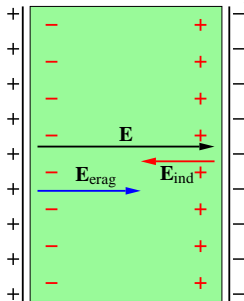
Dielektrikoak (I)

- Xaflak karga gabe: Eremua nulua da.
- Xaflak kargatuta: $\mathbf{E} = (\sigma/\epsilon_0) \mathbf{i}$ da.
- Dielektrikoan, **dipoloen** norabideak nahaspilaturik daude.
- Kanpoko eremua gainezarriz, ordenatu egiten dira (**polarizazioa**), aurkako eremu induzitua sortuz.
- Guztira, **eremu eraginkorra** hauxe da:

$$\mathbf{E}_{\text{erag}} = \mathbf{E} + \mathbf{E}_{\text{ind}} \quad \rightarrow \quad E_{\text{erag}} = E - E_{\text{ind}}$$

- Eremu eraginkorra, dielektriko gabekoa baino txikiagoa da, eta ezarritako eremuaren proportzionala:

$$E_{\text{erag}} = E/K_e \text{ (} K_e = \text{Konstante dielektrikoa} > 1 \text{)}$$



Dielektrikoak (II)

Dielektrikoaren Eragina Kondentsadorean

- Dielektrikorik gabe, xafla bakoitzaren karga Q da (moduloz), eta xaflen arteko eremua, \mathbf{E} .
- Dielektrikoarekin, karga ez da aldatzen (Q), baina eremua, \mathbf{E} izan beharrean, \mathbf{E}_{erag} da:

$$E_{\text{erag}} = E/K_e \quad (K_e = \text{Konstante dielektrikoa} > 1)$$

- Ondorioz, xaflen arteko potentzial-diferentzia hauxe izango da:

$$V' = E_{\text{erag}}d = Ed/K_e = V/K_e$$

- Beraz, kondentsadorearen **kapazitate** berria, beste hau:

$$C' = \frac{Q}{V'} = \frac{Q}{V/K_e} = K_e C \quad [C' > C]$$



Dielektrikoak (III)

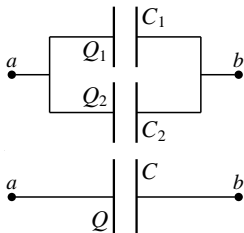
Zenbait Materialen Konstante Dielektrikoak

Materiala	K_e
Hutsa	1
Airea (lehorra)	1.0006
Polietilenoa	2.25
Papera	3.5
Portzelana	6.5
Mika	3-tik 7-ra
Beira	5-tik 10-era
Glizerina	56
Ura	80
Estrontzio titanatoa	310



Kondentsadoreen Konbinazioak

■ Paralelo-konexioa



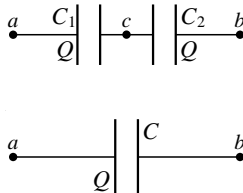
$$Q_1 = C_1 V_{ab} \quad Q_2 = C_2 V_{ab}$$

$$Q = Q_1 + Q_2 = C V_{ab}$$

$$C V_{ab} = C_1 V_{ab} + C_2 V_{ab}$$

$$\boxed{C = C_1 + C_2}$$

■ Serie-konexioa



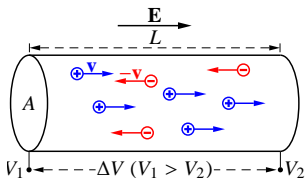
$$V_{ab} = V_{ac} + V_{cb}$$

$$Q/C = Q/C_1 + Q/C_2$$

$$\boxed{1/C = 1/C_1 + 1/C_2}$$



Korrante elektrikoa I



- Eroale baten sekzioa denbora unitateko zeharkatzen duen karga da **intensitatea**:

$$\bar{I} = \frac{\Delta Q}{\Delta t} \quad I = \frac{dQ}{dt}$$

- Karga positiboen higiduraren arabera definitzen dira I -ren norabidea eta noranzkoa.
- Nazioarteko Unitate Ssisteman (SI):

$$\text{Ampere} = \text{C s}^{-1}$$



Korrante elektrikoa II

- **Ohm-en legea:** Eroale batetik igarotzen den intentsitatea eta muturren arteko potentzial-diferentzia lotuta daude.
- R bada eroalearen **erresistentzia**: $V = IR$
- Erresistentzia elektrikoa, materialaren eta eroalearen geometriaren araberakoa da: $R = \rho(L/A)$, non ρ **erresistibitatea**, L luzera eta A sekzioa diren.
- Erresistentziak energia xahutzen du eta sorgailuak lana egin behar du korronea mantentzeko: $W = \Delta Q \cdot V = VI\Delta t$.
- Denbora unitatean xahuturiko energia (**potentzia**):

$$P = \frac{\Delta W}{\Delta t} = IV = I^2 R$$



Kirchoff-en legeak eta beste formula interesgarri bat

- **Korapiloen legea (kargaren kontserbazioa).** Korapilo batera iristen diren korronteen batura aljebraikoa zero da:

$$\sum_i I_i = 0$$

- **Begizten legea (energiaren kontserbazioa.)** Ibilbide itxian zeharreko potentzial-aldaketen batura zero da:

$$\sum_i \Delta V_i = 0 \quad \rightarrow \quad \sum_i \mathcal{E}_i = \sum_i R_i I_i$$

Sorgailuak zirkuitura bidaltzen duen energia, bertan zehar galgutako energiaren berdina da.

- **Zirkuituko bi punturen arteko potentzial-diferentzia.**

$$V_{ab} = V_a - V_b = \sum_i R_i I_i - \sum_i \mathcal{E}_i$$

Kontuz!! Zirkuituan zehar, a -tik b -rako bidea hartu behar da.

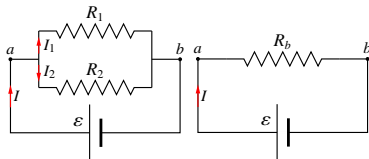
Intentsitateak $a \rightarrow b$ -ren aurkako noranzkoa badu, negatiboa izango da.

Bide horri jarraituz eta sorgailu bat topatzerakoan + polotik – polorantz zeharkatzen badu, indar elektroeragile hori negatiboa izango da.



Erresistentzien elkarketa

■ Paralelo-konexioa



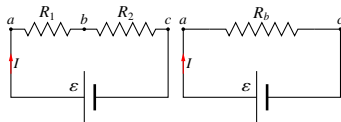
$$I = I_1 + I_2$$

$$V_{ab} = I_1 R_1 = I_2 R_2$$

$$I = \frac{V_{ab}}{R_b} = \frac{V_{ab}}{R_1} + \frac{V_{ab}}{R_2}$$

$$\boxed{\frac{1}{R_b} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}}$$

■ Serie-konexioa



$$V_{aa} = 0 = \varepsilon - IR_1 - IR_2$$

$$V_{aa} = 0 = \varepsilon - IR_b$$

$$I(R_1 + R_2) = IR_b$$

$$\boxed{R_b = R_1 + R_2}$$

