

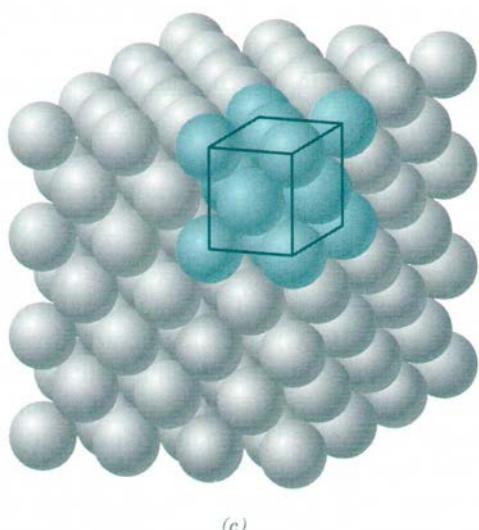
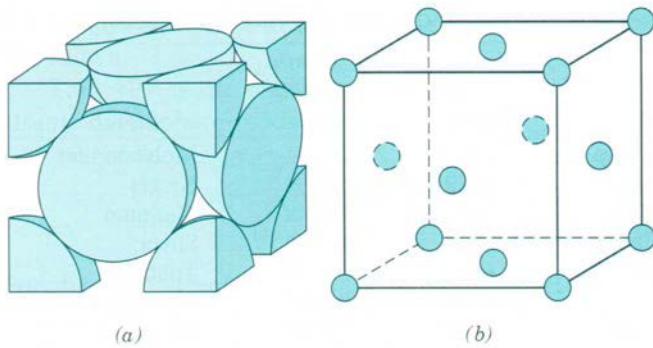
# OHIKO DEIALDIAREN AZTERKETAKO EMAITZAK

(2018/12/21)

## A EREDUA

1.

a) Aurpegietan zentraturiko sare kubikoa



Dentsitatearen kalkulua:

$$\rho = \frac{\text{atomo zb}}{\text{gelaxka}} \cdot \text{masa atomikoa}$$

$$\rho = \frac{\text{atomo zb}}{V_{\text{gelaxka}} \cdot \text{Avogadro Zb}}$$

$$\text{Atomo zb/gelaxka} = 8 \cdot \frac{1}{8} + 6 \cdot \frac{1}{2} = 4$$

$$\text{Masa atomikoa} = 63,55 \text{ g/mol}$$

$$V_{\text{gelaxka}} = a^3 = (0,36147 \text{ nm} \cdot \frac{1 \text{ m}}{10^9 \text{ nm}})^3$$

$$\cdot \frac{100 \text{ cm}}{1 \text{ m}})^3$$

$$= 4,723 \cdot 10^{-23} \text{ cm}^3$$

$$\text{Avogadro Zb} = 6,023 \cdot 10^{23} \text{ atomo/mol}$$

Ordezkatzuz:

$$\rho = \frac{4 \text{ atomo} \cdot 63,55 \text{ g/mol}}{4,723 \cdot 10^{-23} \text{ cm}^3 \cdot 6,023 \cdot 10^{23} \text{ atomo/mol}} = 8,94 \text{ g/cm}^3$$

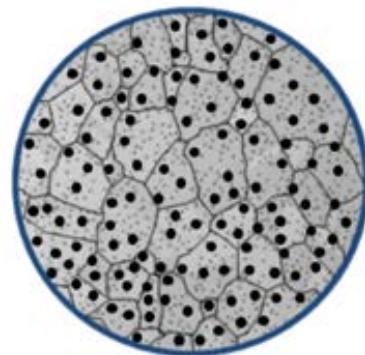
Erradio atomikoaren kalkulua:

$$(4R)^2 = a^2 + a^2; 16 R^2 = 2 a^2; R = \sqrt{\frac{1}{8}} \cdot a = \sqrt{\frac{1}{8}} \cdot 0,36147 \text{ nm} = 0,1278 \text{ nm}$$

b)

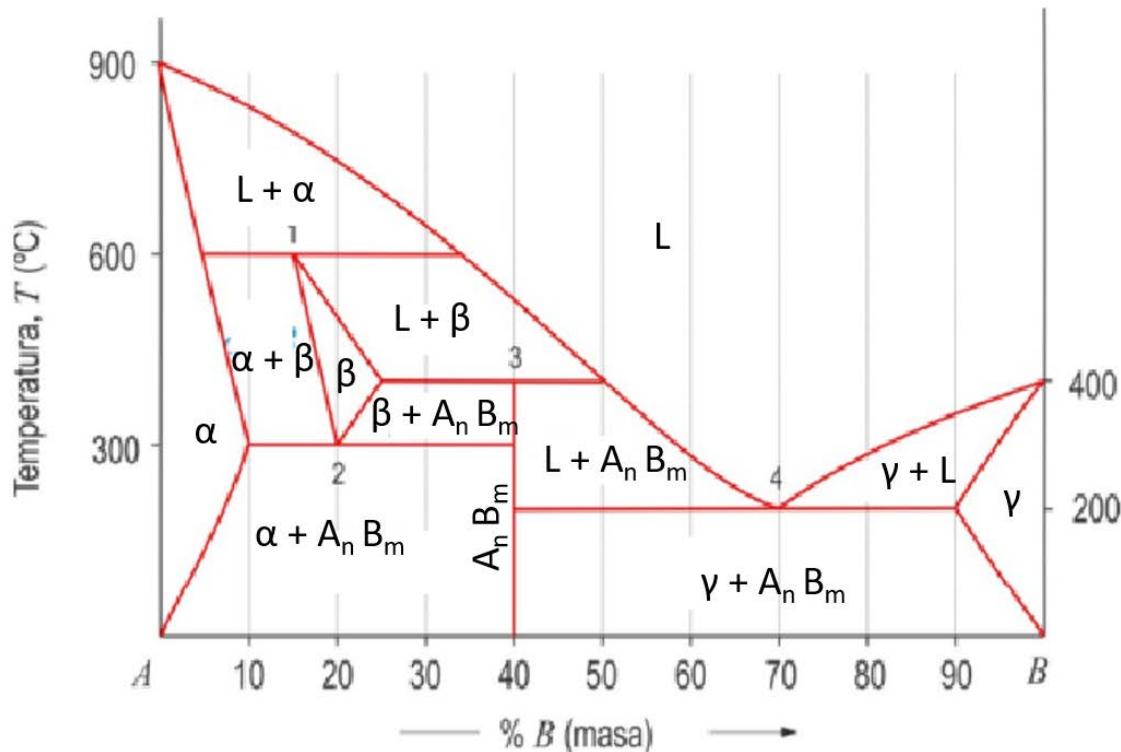
Hotzean burutzen den deformazioaren bidezko gogordurak, garraztasuna bezala ezagutzen denak, materialean erresistentzia hazkuntza eragiten du baina baita ere hauskortasunaren hazkuntza. Egitura materiala mugitzen den norabidearen zentzuan deformatuta geldituko da (Ikus irudia).

Prezipitazioaren bidezko gogordura egoera solidoan solubilitate partziala azaltzen duten aleazioetan agertzen da, behintzat bi fase ezberdin azaldu behar dituzte fenomeno hau gerta dadin (ikus irudia). Fase bakar bat azaltzen duten aleazioen propietate mekanikoekin konparatzean ikusten da erresistentzia mekanikoa eta gogortasun handiagoa dutela baina hauskorragoak direla ere. Bigarren fasearen prezipitazioa lortzeko tratamendu termikoak aplikatuko dira.



2.

a)



Puntu inbarianteak:

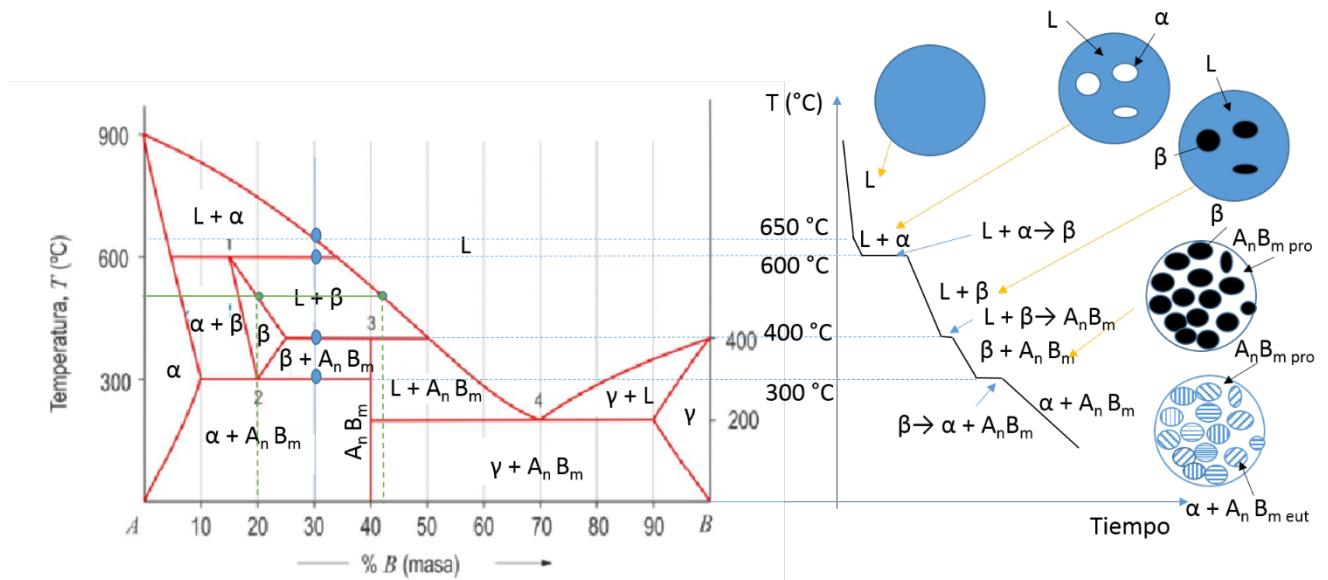
1. Puntua: Peritektikoa  $L + \alpha \rightarrow \beta$

2. Puntu: Eutektoidea  $\beta \rightarrow \alpha + A_nB_m$

3. Puntu: Konposatu intermetalikoaren sorkuntza

4. Puntu: Eutektikoa:  $L \rightarrow \gamma + A_nB_m$

b)



c)

Faseak: L eta β

Konposizioa:

L: 42 % B – 58 % A

β: 20 % B – 80 % A

Kantitateak:

$$\% L = \frac{30 - 20}{42 - 20} \times 100 = 45,4 \%$$

$$\% \beta = 100 - 45,4 \% = 54,6 \%$$

3.

$$\frac{C_s - C_x}{C_s - C_0} = \text{erf}\left(\frac{x}{2\sqrt{D \cdot t}}\right) \text{ aplikatuz:}$$

Prozesua berdina denez kontzentrazio-parametro eta geruzaren lodiera berdinak lortu nahi direlako, hauxe beteko da:  $(D \cdot t)_{900^\circ C} = (D \cdot t)_{1000^\circ C}$

Difusio-koefizienteen kalkulua prozesua giro temperaturan hasten dela suposatuz:

$$D = D_0 \cdot e^{-\frac{Q}{R \cdot T}} = 1,1 \cdot \frac{10^{-6} \text{ m}^2}{e^{-\frac{87400 \text{ J/mol}}{(3,314 \text{ J/molK})(900+273 \text{ K})}}} = 1,413 \cdot 10^{-10} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$D = D_0 \cdot e^{-\frac{Q}{RT}} = 1,1 \cdot \frac{10^{-6} m^2}{s} \cdot e^{-\frac{\frac{87400 J}{mol}}{(\frac{8,314 J}{mol K})(1000+273) K}} = 2,85 \cdot 10^{-10} m^2/s$$

1000 °C-ra piezak zementatzeko behar den denbora:

$$t_{1000^\circ C} = \frac{(D \cdot t)_{900^\circ C}}{D_{1000^\circ C}} = \frac{1,413 \cdot \frac{10^{-10} m^2}{s} \cdot 10 h}{2,85 \cdot 10^{-10} m^2/s} = 4,95 h$$

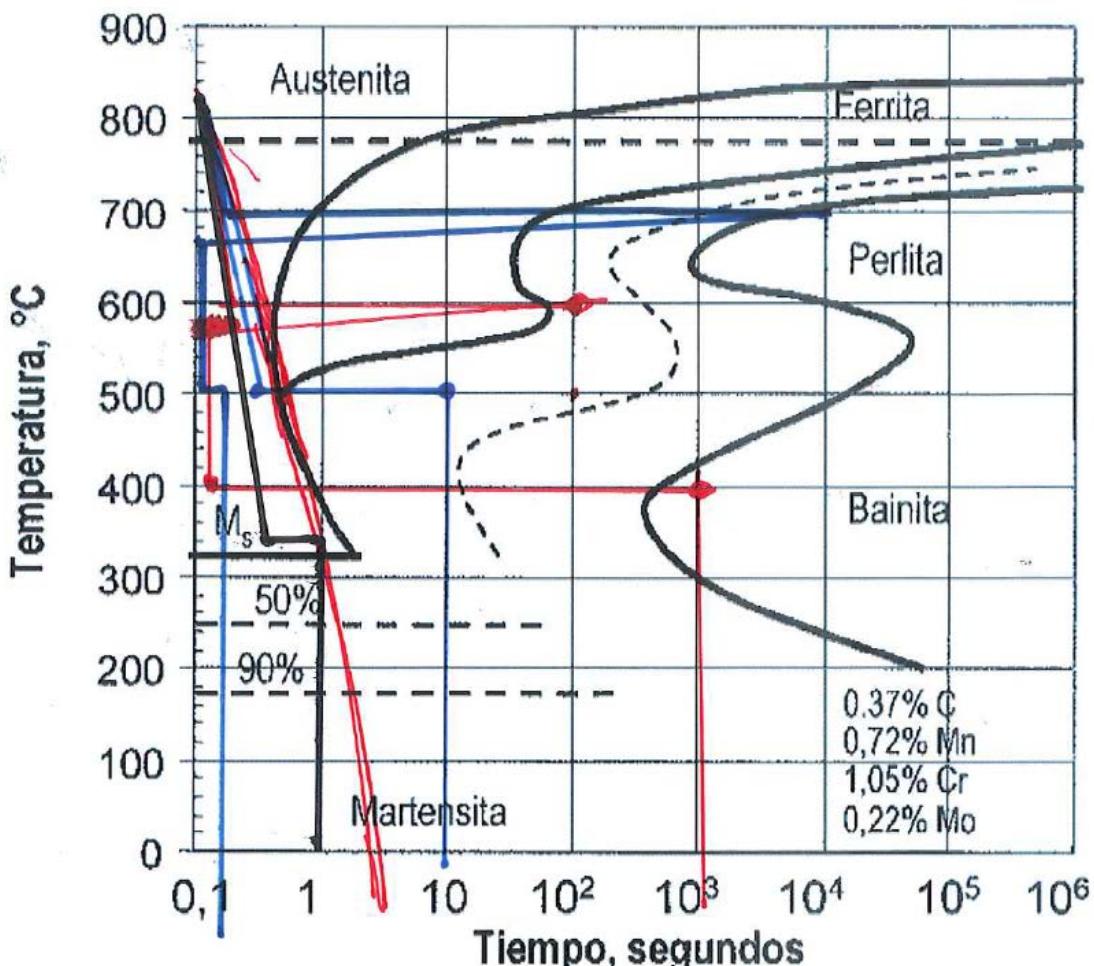
Kostuaren kalkulua:

$$T = 900^\circ C: 10 h \times 1000 \text{ €/h} = 10000 \text{ €}$$

$$T = 1000^\circ C: 4,95 h \times 1500 \text{ €/h} = 7425 \text{ €}$$

Prozesua 1000 °C-tara eginez merkeagoa izango da.

4.



- a) [sudurrearekin kurba tangentea]
- b) % 70 ferrita + % 30 perlita
- c) % 55 ferrita + % 5 perlita + % 40 bainita
- d) % 100 martensita
- e) % 25 bainita + % 75 martensita

5.

- a)
- Metalikoak: C, G  
Zeramikoak: A, I  
Polimeroak: B, D, E, F, H
- b) Material zurrunena Young-en modulu handiena azaltzen duena izango da, kasu honetan I materiala.
- c) Goma apurketan deformazio handiena azalduko duena izango da, muga elastikoa eta erresistentzia-balioak berdinak izango ditu eta Young-en modulu txikia. Bere gogortasuna txikia izango da, beira-trantsizio temperatura azalduko du eta isolatzailea izango da. Kasu honetan, beraz, D materiala.
- d) Hauxe bete behar da:  $\sigma = \frac{F}{A} < \sigma_{max}$ ,  $\sigma = \frac{10 \cdot 10^3 N}{15 \text{ mm}^2} = 667 \text{ MPa}$   
A Materiala:  $\sigma_{max} = 8 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da  
B Materiala:  $\sigma_{max} = 293 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da  
C Materiala:  $\sigma_{max} = 600 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da  
D Materiala:  $\sigma_{max} = 5,3 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da  
E Materiala:  $\sigma_{max} = 68 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da  
F Materiala:  $\sigma_{max} = 60 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da  
G Materiala:  $\sigma_{max} = 226 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da  
H Materiala:  $\sigma_{max} = 150 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da  
I Materiala:  $\sigma_{max} = 310 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtuko da
- e) Deformazio elastikoaren eremuan hauxe betetzen da:  
$$\sigma = \frac{F}{A} \text{ eta } \sigma = E \cdot \varepsilon \text{ jakinik } \varepsilon = \frac{\Delta L}{L_0} \text{ dela, orduan: } E \cdot \frac{\Delta L}{L_0} = \frac{F}{A}; A = \frac{L_0 \cdot F}{E \cdot \Delta L}$$

Adierazpen hau erabili baino lehen aplikaturiko karga eta baimendutako deformazio horrekin materialek tarte elastikoan lan egingo dutela ziurtatu beharra dago. Honetarako material bakoitzaren deformazioa bere muga elastikoan kalkulatuko da:  $L \cdot E = E \cdot \varepsilon = E \cdot \frac{\Delta L}{L_0}$ ;  $\Delta L = \frac{L \cdot E \cdot L_0}{E}$

A Materiala:  $\Delta L = \frac{7 \cdot 10^6 \text{ Pa} \cdot 1000 \text{ mm}}{32,4 \cdot 10^9 \text{ Pa}} = 0,216 \text{ mm} < \Delta L$  obra, beraz ezingo da erabili baldintza horietan tarte plastikoan egingo duelako lan

C Materiala:  $\Delta L = \frac{235 \cdot 10^6 \text{ Pa} \cdot 1000 \text{ mm}}{195 \cdot 10^9 \text{ Pa}} = 1,2 \text{ mm} < \Delta L$  obra, beraz ezingo da erabili baldintza horietan tarte plastikoan egingo duelako lan

E Materiala:  $\Delta L = \frac{65,5 \cdot 10^6 \text{ Pa} \cdot 1000 \text{ mm}}{3,1 \cdot 10^9 \text{ Pa}} = 21,1 \text{ mm} > \Delta L$  obra, beraz erabil daiteke

Sekzioaren kalkulua balio duen materialarekin:

$$E \text{ Materiala: } A = \frac{1000 \text{ mm} \cdot 5 \cdot 10^3 \text{ N}}{3,1 \cdot 10^9 \text{ Pa} \cdot 1,5 \text{ mm}} = 1,07 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2 = 1075 \text{ mm}^2$$

- f) Apurketan:  $\varepsilon_{apurketa} = \frac{\Delta L}{L_0}$ ;  $\Delta L = \varepsilon_{apurketa} \cdot L_0 = L_{Amaiera} - L_0$ ;  $L_{Amaiera} = \varepsilon_{apurketa} \cdot L_0 + L_0$   
C materialaren datuekin ordezkatuz:  $L_{Amaiera} = 0,35 \cdot 100 \text{ mm} + 100 \text{ mm} = 135 \text{ mm}$
- g) Zeramika bat delako. Teorikoki euren egituraren azaltzen diren lotura kimiko gogorrek erresistentzia handia eman behar zien, baina praktikan fabrikazioan sortzen diren poro, arrakal eta inklusioek eragiten dute erresistentzia balio hori askoz ere txikiagoa izatea.

- h) Ez. D materialak giro tenperatura baino askoz ere txikiagoa den  $T_g$  dauka, beraz egoera malgu batean aurkituko da, ez da izango material zurrun bat. Gainera bere Young-en modulua oso txikia da eta bere deformazioa apurketan oso handia, hau da, elastomero baten aurrean gaude.
- i) Dilatacio termikoaren koefizientea erabiliz material bakoitzak jasango duen dilatacioa kalkulatuko da:

$$\text{Aplikatuz: } \alpha = \frac{\Delta L}{L_0 \cdot \Delta T}$$

Materiala	$\Delta L$ (mm)
A	0,61
B	1,92
C	1,57
D	27,56
E	11,81
F	6,56
G	2,21
H	0,04
I	0,31

Barra C materialezkoa da.

- j) Jakinik eroankortasun elektrikoa erresistititatearen aurkakoa dela:

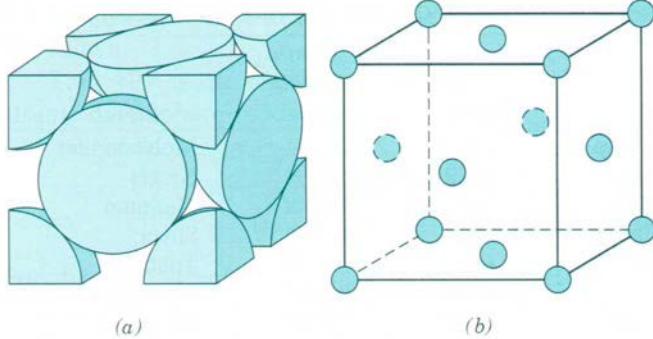
Materiala	$\sigma$ ( $\Omega \cdot \text{cm}$ ) <sup>-1</sup>
A	66,67
B	$1 \cdot 10^{-9}$
C	$14,3 \cdot 10^3$
D	$8,3 \cdot 10^{-19}$
E	$1,4 \cdot 10^{-18}$
F	$5 \cdot 10^{-16}$
G	$66,7 \cdot 10^3$
H	$1,2 \cdot 10^{-8}$
I	$5 \cdot 10^{-5}$

Beraz,  $1 \cdot 10^4 (\Omega \cdot \text{cm})^{-1}$  -ko eroankortasuna gainditzen duten materialak C eta G dira.

## B EREDUA

1.

a) Aurpegietan zentraturiko sare kubikoa



Dentsitatearen kalkulua:

$$\rho = \frac{\text{Atomo Zb/gelax} \cdot \text{masa atomikoa}}{V_{\text{gelaxka}} \cdot \text{Avogadro Zb}}$$

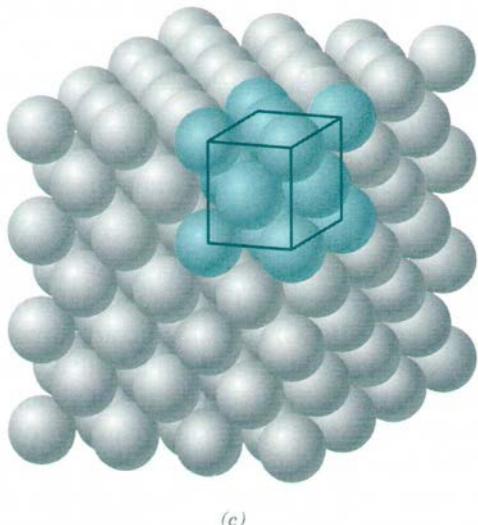
$$\text{Atomo Zb/gelaxka} = 8 \cdot \frac{1}{8} + 6 \cdot \frac{1}{2} = 4$$

$$\text{Masa atomikoa} = 26,97 \text{ g/mol}$$

$$V_{\text{gelaxka}} = a^3 = (4,049A \cdot \frac{10^{-8} \text{ cm}}{1 \text{ A}})^3 \\ = 6,638 \cdot 10^{-23} \text{ cm}^3$$

$$\text{Avogadro Zb} = 6,023 \cdot 10^{23} \text{ atomo/mol}$$

Ordezkatzu:



$$\rho = \frac{4 \text{ atomo} \cdot 26,97 \text{ g/mol}}{6,638 \cdot 10^{-23} \text{ cm}^3 \cdot 6,023 \cdot 10^{23} \text{ atomo/mol}} = 2,7 \text{ g/cm}^3$$

Erradio atomikoaren kalkulua:

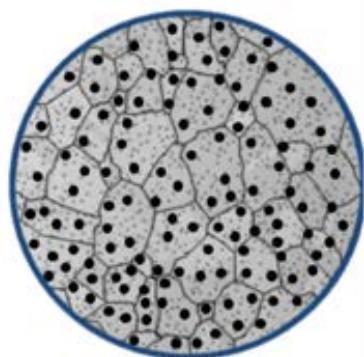
$$(4R)^2 = a^2 + a^2; 16 R^2 = 2 a^2; R = \sqrt{\frac{1}{8}} \cdot a = \sqrt{\frac{1}{8}} \cdot 4,049 A = 1,43 A$$

b)

Hotzean burutzen den deformazioaren bidezko gogordurak, garraztasuna bezala ezagutzen denak, materialean erresistentzia hazkuntza eragiten du baina baita ere hauskortasunaren hazkuntza. Egitura materiala mugitzen den norabidearen zentzuan deformatuta geldituko da (Ikus irudia).

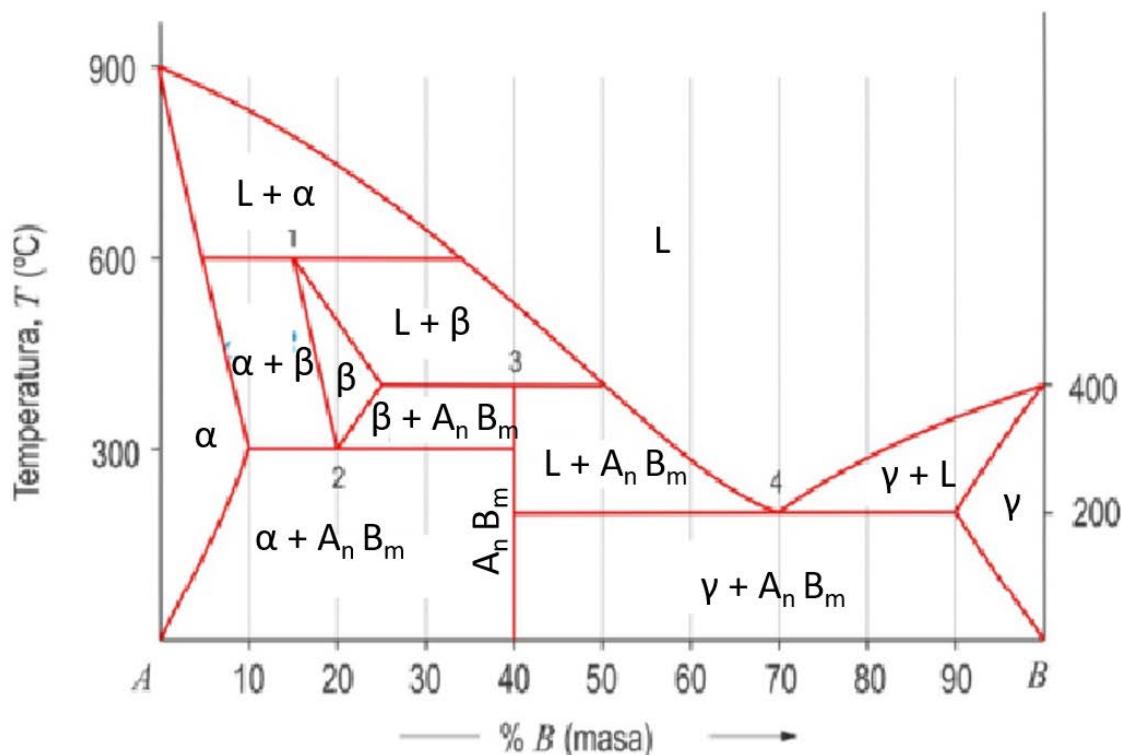
Prezipitazioaren bidezko gogordura egoera solidoan solubilitate partziala azaltzen duten aleazioetan agertzen da, behintzat bi fase ezberdin azaldu behar dituzte fenomeno hau gerta dadin (Ikus irudia). Fase bakar bat azaltzen duten aleazioen propietate mekanikoekin konparatzean ikusten da

erresistentzia mekanikoa eta gogortasun handiagoa dutela baina hauskorragoak direla ere. Bigarren fasearen prezipitazioa lortzeko tratamendu termikoak aplikatuko dira.



2.

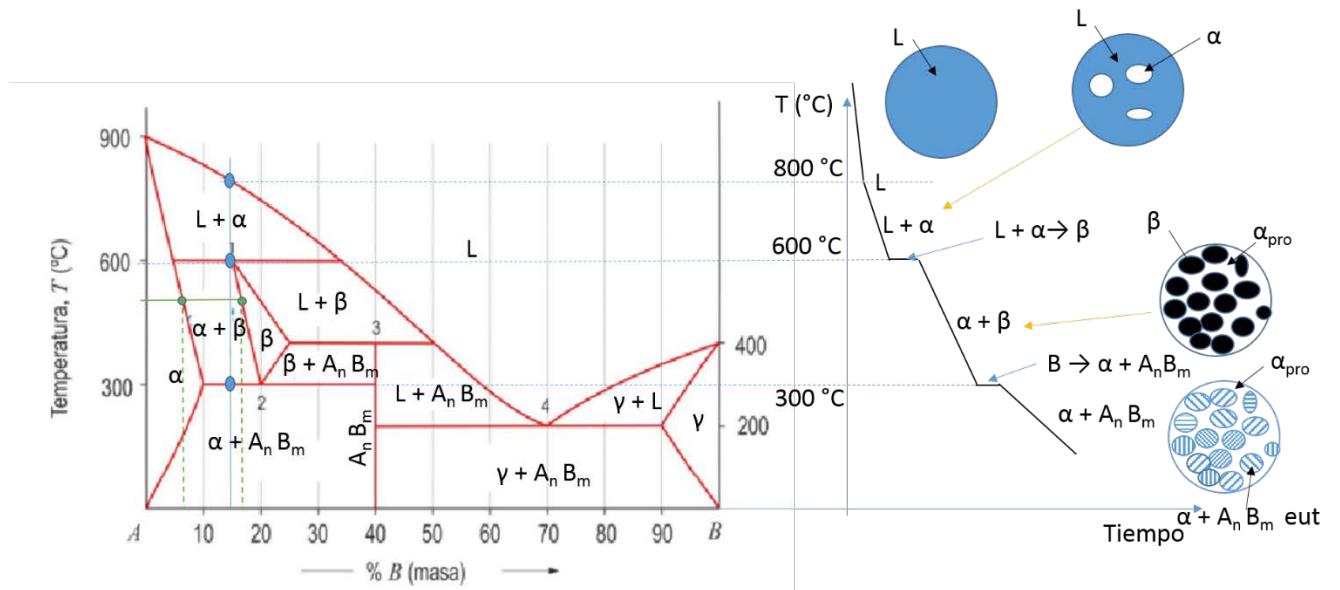
a)



Puntu inbarianteak:

1. Puntua: Peritektikoa  $L + \alpha \rightarrow \beta$
2. Puntua: Eutektoidea  $\beta \rightarrow \alpha + A_n B_m$
3. Puntua: Konposatu intermetalikoaren sorrera
4. Puntua: Eutektikoa:  $L \rightarrow \gamma + A_n B_m$

b)



c)

Faseak:  $\alpha$  y  $\beta$

Konposizioa:

$$\alpha: 7 \% \text{ B} - 93 \% \text{ A}$$

$$\beta: 17 \% \text{ B} - 83 \% \text{ A}$$

Kantitateak:

$$\% \alpha = \frac{17 - 15}{17 - 7} \times 100 = 20 \%$$

$$\% \beta = 100 - 20 \% = 80 \%$$

3.

$$\frac{c_s - c_x}{c_s - c_0} = \operatorname{erf}\left(\frac{x}{2\sqrt{D \cdot t}}\right) \text{ aplikatuz:}$$

Prozesua berdina denez kontzentrazio-parametro eta geruzaren lodiera berdinak lortu nahi direlako, hauxe beteko da:  $(D \cdot t)_{900^\circ\text{C}} = (D \cdot t)_{1000^\circ\text{C}}$

Difusio-koefizienteen kalkulua:

$$D = D_0 \cdot e^{-\frac{Q}{R \cdot T}} = 1,1 \cdot \frac{10^{-6} \text{ m}^2}{\text{s}} \cdot e^{-\frac{\frac{87400 \text{ J}}{\text{mol}}}{(8,314 \text{ J/molK})(900 + 273) \text{ K}}} = 1,413 \cdot 10^{-10} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$D = D_0 \cdot e^{-\frac{Q}{R \cdot T}} = 1,1 \cdot \frac{10^{-6} \text{ m}^2}{\text{s}} \cdot e^{-\frac{\frac{87400 \text{ J}}{\text{mol}}}{(8,314 \text{ J/molK})(1000 + 273) \text{ K}}} = 2,85 \cdot 10^{-10} \text{ m}^2/\text{s}$$

1000 °C-tara zementatzeko beharko den denbora:

$$t_{1000^{\circ}C} = \frac{(D \cdot t)_{900^{\circ}C}}{D_{1000^{\circ}C}} = \frac{1,413 \cdot \frac{10^{-10} m^2}{s} \cdot 10 h}{2,85 \cdot 10^{-10} m^2/s} = 4,95 h$$

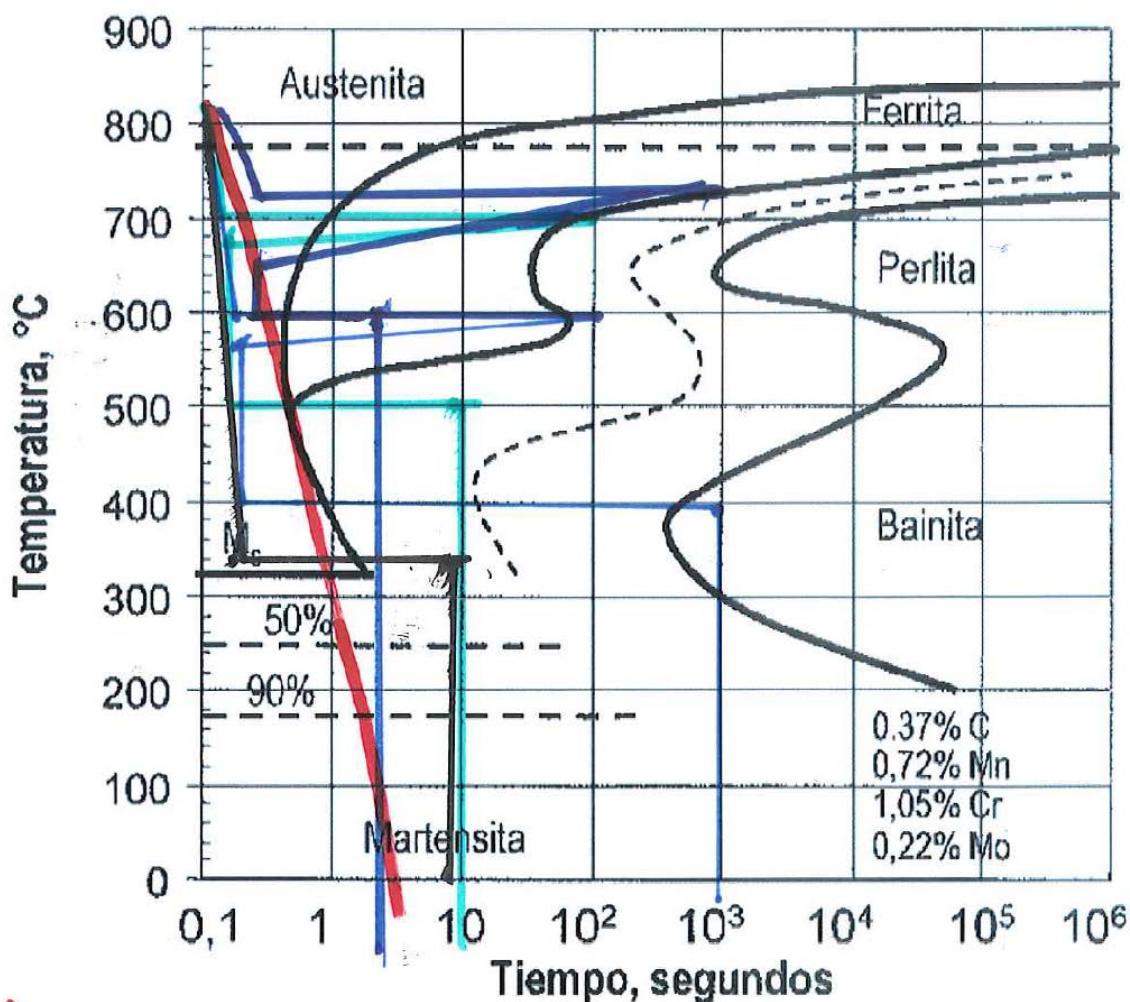
Kostuaren kalkulua:

T = 900 °C: 10 h × 1000 €/h = 10000 €

T = 1000 °C: 4,95 h × 1250 €/h = 6187,5 €

Prozesua 1000 °C-tan burutuz merkeagoa izango da.

4.



- a) [sudurrarekiko kurba tangentea]
- b) % 65 ferrita + % 8 bainita + % 32 martensita
- c) % 50 ferrita + % 5 perlita + % 45 bainita
- d) % 40 bainita + % 60 martensita
- e) % 90 ferrita + % 10 martensita

5.

a)

Metalikoak: 2, 3, 5, 7

Zeramikoak: 1, 8, 9

Polimeroak: 4, 6

b)

Zurruntasun txikiena azaltzen duen materiala Young-en modulu txikiena azaltzen duen materiala izango da, kasu honetan 4.

c)

Beira portaera hauskorra azaltzen duen materiala izango da, hau da, bere muga elastikoa erresistentzia maximoarekiko oso hurbil egongo da, bere Young-en modulua ertaina edo handia izango da eta elongazioa apurketan oso txikia. Amorfoa izateagatik  $T_g$  azalduko du baina ez  $T_m$ . Bere dentsitatea normalean 2 eta 4 g/cm<sup>3</sup> artean egongo da zeramika bat delako. Eroankortasun elektriko eta termikoa txikia izango du. Beraz, 8 materiala.

d)

$$\text{Hauxe bete behar da: } \sigma = \frac{F}{A} < \sigma_{max}, \sigma = \frac{25 \cdot 10^3 N}{50 \text{ mm}^2} = 500 \text{ MPa}$$

1 Materiala:  $\sigma_{max} = 8 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtu egingo da

2 Materiala:  $\sigma_{max} = 360 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtu egingo da

3 Materiala:  $\sigma_{max} = 12 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtu egingo da

4 Materiala:  $\sigma_{max} = 4,9 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtu egingo da

5 Materiala  $\sigma_{max} = 625 \text{ MPa} > \sigma$ , ez da apurtuko

6 Materiala:  $\sigma_{max} = 52 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtu egingo da

7 Materiala:  $\sigma_{max} = 900 \text{ MPa} > \sigma$ , ez da apurtuko

8 Materiala:  $\sigma_{max} = 42 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtu egingo da

9 Materiala:  $\sigma_{max} = 345 \text{ MPa} < \sigma$ , apurtu egingo da

e) Deformazio elastikoen eremuan hauxe beteko da:

$$\sigma = \frac{F}{A} \text{ eta } \sigma = E \cdot \varepsilon, \text{ jakinik } \varepsilon = \frac{\Delta L}{L_0} \text{ dela, orduan: } E \cdot \frac{\Delta L}{L_0} = \frac{F}{A}; A = \frac{L_0 \cdot F}{E \cdot \Delta L}$$

Adierazpen hau erabili baino lehen aplikaturiko kargarekin eta deformazio máximo horrekin materialek tarte elastikoan lan egiten dutela ziurtatu beharra dago. Honetarako muga elastikoari dagokion deformazio unitarioaren balioa kalkulatuko da:  $L \cdot E = E \cdot \varepsilon = E \cdot \frac{\Delta L}{L_0}; \Delta L = \frac{L \cdot E \cdot L_0}{E}$

1 materiala:  $\Delta L = \frac{7 \cdot 10^6 \text{ Pa} \cdot 1000 \text{ mm}}{32,4 \cdot 10^9 \text{ Pa}} = 0,216 \text{ mm} < \Delta L$  obra, beraz ezin da erabili tarte plastikoan egingo duelako lan baldintza horietan

Material 5:  $\Delta L = \frac{235 \cdot 10^6 \text{ Pa} \cdot 1000 \text{ mm}}{200 \cdot 10^9 \text{ Pa}} = 1,17 \text{ mm} > \Delta L$  obra, beraz erabilgarria da

Material 6:  $\Delta L = \frac{37,3 \cdot 10^6 \text{ Pa} \cdot 1000 \text{ mm}}{1,2 \cdot 10^9 \text{ Pa}} = 31,08 \text{ mm} > \Delta L$  obra, beraz erabilgarria da

Baimendutako materialen sekzioen kalkulua:

$$5 \text{ materiala: } A = \frac{1000 \text{ mm} \cdot 10 \cdot 10^3 \text{ N}}{200 \cdot 10^9 \text{ Pa} \cdot 0,5 \text{ mm}} = 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 = 100 \text{ mm}^2$$

$$6 \text{ materiala: } A = \frac{1000 \text{ mm} \cdot 10 \cdot 10^3 \text{ N}}{1,2 \cdot 10^9 \text{ Pa} \cdot 0,5 \text{ mm}} = 0,017 \text{ m}^2 = 16667 \text{ mm}^2$$

f) Apurketan hauxe betetzen da:  $\varepsilon_{apurketa} = \frac{\Delta L}{L_0}; \Delta L = \varepsilon_{apurketa} \cdot L_0 = L_{Amaiera} - L_0;$   
 $L_{Amaiera} = \varepsilon_{Apurketa} \cdot L_0 + L_0$

7 materialaren datuak ordezkatzu:  $L_{Amaiera} = 0,32 \cdot 1,2 \text{ m} + 1,2 \text{ m} = 1,58 \text{ m}$

- g) Zeramika bat delako. Teorikoki euren egituran azaltzen diren lotura kimiko gogorrek erresistentzia handia eman behar zien, baina praktikan fabrikazioan sortzen diren poro, arrakal eta inklusioek eragiten dute erresistentzia balio hori askoz ere txikiagoa izatea.
- h) Ez. 4 materialaren  $T_g$ -a giro temperaturarekiko askoz ere txikiagoa da horregatik materiala egoera oso malguan egongo da, ez zen material zurruna izango. Gainera Young-en modulua oso txikia dauka eta apurketan oso deformazio handia, hau da, elastomero bat da.
- i) Dilatazio termikoaren koefizientea erabiliz material bakoitzak jasango duen dilatazioa kalkulatuko da.

$$\alpha = \frac{\Delta L}{L_0 \cdot \Delta T} \text{ aplikatuz:}$$

Materiala	$\Delta L$ (mm)
1	1,57
2	4,27
3	5,06
4	72
5	3,82
6	33,75
7	2,92
8	0,93
9	0,79

Barra 3 materialarekin fabrikatu da.

- j) Jakinik eroankortasuna erresistibitatearen alderantzizkoa dela:

Materiala	$\sigma (\Omega \cdot \text{cm})^{-1}$
1	66,7
2	$5,26 \cdot 10^4$
3	$9,09 \cdot 10^4$
4	$8,33 \cdot 10^{-19}$
5	$1,43 \cdot 10^4$
6	$1,0 \cdot 10^{-14}$
7	$7,69 \cdot 10^3$
8	$1,0 \cdot 10^{-18}$
9	$5,0 \cdot 10^{-5}$

Beraz,  $1 \cdot 10^4 (\Omega \cdot \text{cm})^{-1}$  – ko eroankortasuna gainditzen duten materialak 2, 3 eta 5 dira.